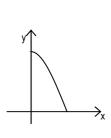


MOTO DEI PROIETTILI... E PARABOLE

Moto di un oggetto lanciato con velocità orizzontale da un'altezza h





$$\begin{cases} x = v_0 t \\ y = h - \frac{1}{2} g t^2 \end{cases}$$

Punto di partenza: altezza h

Punto di arrivo / gittata

$$y = -\frac{g}{2v_0^2} x^2 + h$$

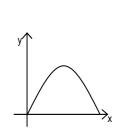
Parabola con b = 0 ⇒ asse di simmetria è l'asse y

Vertice della parabola: V(0; h)

$$\begin{cases} y = -\frac{g}{2v_0^2} x^2 + h \\ y = 0 \end{cases} \Rightarrow x = v_0 \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

Moto di un oggetto lanciato con velocità formante un angolo lpha con l'orizzontale e in partenza da terra

 α



$$\begin{cases} x = v_{0x} t \\ y = v_{0y} t - \frac{1}{2} g t^2 \end{cases}$$

Punto più alto

Gittata

$$y = -\frac{g}{2v_0^2} x^2 + \frac{v_{0y}}{v_{0x}} x$$

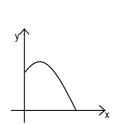
Parabola con c = 0 ⇒ interseca l'origine degli assi

Vertice della parabola: $V\left(\frac{v_{0x}v_{0y}}{g}; \frac{v_{0y}^2}{2g}\right)$

$$\begin{cases} y = -\frac{g}{2v_0^2} x^2 + \frac{v_{0y}}{v_{0x}} x \\ y = 0 \end{cases} \Rightarrow x = \frac{2 v_{0x} v_{0y}}{g}$$

Moto di un oggetto lanciato con velocità formante un angolo $\,lpha\,$ con l'orizzontale e in partenza da un'altezza h

Λ



$$\begin{cases} x = v_{0x} t \\ y = h + v_{0y} t - \frac{1}{2} g t^2 \end{cases}$$

Punto di partenza

Punto più alto

Gittata

$$y = -\frac{g}{2v_0^2} x^2 + \frac{v_{0y}}{v_{0x}} x + h$$

$$\begin{cases} y = -\frac{g}{2v_0^2} x^2 + \frac{v_{0y}}{v_{0x}} x + h \\ x = 0 \end{cases} \Rightarrow y = h$$

Vertice della parabola:
$$V\left(\frac{v_{0x}\,v_{0y}}{g};\frac{v_{0y}^2+2\,h\,g}{2\,g}\right)$$

$$\begin{cases} y = -\frac{g}{2v_0^2} x^2 + \frac{v_{0y}}{v_{0x}} x + h \\ y = 0 \end{cases}$$