

p. 331 N° 154: Verificare che il quadrilatero di vertici  $A(1; -1)$ ,  $B(4; 1)$ ,  $C(9/4; 2)$  e  $D(3/4; 1)$  è un trapezio isoscele. Detto  $E$  il punto d'incontro delle rette  $AD$  e  $BC$ , verificare che esso appartiene all'asse del segmento  $AB$  e determinare l'area del triangolo  $EDC$  e l'area del trapezio  $ABCD$ . (Testo: L. Lamberti, L. Mereu, A. Nanni, *Matematica Uno*, Etas)

Verifico che il quadrilatero  $ABCD$  è un trapezio isoscele:

- determino il coefficiente angolare di  $AB$
- determino il coefficiente angolare di  $DC$
- verifico che  $m_{AB} = m_{DC}$ , perciò  $AB$  è parallelo a  $DC$ , quindi si tratta di un trapezio
- determino la lunghezza di  $BC$  e  $DA$  e verifico che i due lati sono congruenti, perciò il trapezio è isoscele

Determino  $E$  e verifico l'appartenenza all'asse di  $AB$

- determino l'equazione della retta  $AD$
- determino l'equazione della retta  $BC$
- determino  $E$  come intersezione delle due rette  $AD$  e  $BC$  (ovvero metto a sistema)
- determino il punto medio di  $AB$
- determino l'equazione dell'asse  $a$  di  $AB$ , (retta perpendicolare ad  $AB$  e passante per il suo punto medio)
- verifico che  $E \in a$ , sostituendo le coordinate di  $E$  nell'equazione di  $a$

Per calcolare l'area di  $EDC$ :

- determino la retta passante per  $D$  e con il coefficiente angolare di  $DC$ , prima determinato
- calcolo la distanza di  $E$  da tale retta
- calcolo la lunghezza di  $DC$
- determino l'area di  $EDC$  moltiplicando la lunghezza di  $DC$  per la distanza di  $E$  da esso, dividendo per 2

Per calcolare l'area di  $ABCD$  (uno dei possibili modi)

- determino la retta passante per  $A$  e con coefficiente angolare quello della retta  $AB$  (già determinato)
- determino la distanza di  $E$  da  $AB$
- determino la lunghezza di  $AB$
- calcolo l'area di  $EAB$  e le sottraggo l'area di  $EDC$ , in questo modo ho l'area di  $ABCD$